

91MA13/92MA13 Matematisk grundkurs, 6hp

Kursprogram ht 2023

Jonathan Nilsson

Kurshemsida: <https://courses.mai.liu.se/GU/91MA13>

Programmet nedan kan komma att modifieras under kursens gång, aktuell information nås alltid via kurshemsidan.

Kursen ges av:

Jonathan Nilsson

jonathan.nilsson@liu.se

Examinator, föreläsare, lektionsledare

Martin Axbrink

marax312@student.liu.se

Handledare

Innehåll

1 Kursinnehåll	2
1.1 Reella och komplexa tal	2
1.2 Funktioner	2
2 Litteratur	2
3 Undervisning och hemarbete	3
3.1 Föreläsningar	3
3.2 Lektioner	3
3.3 Handledning	3
3.4 Program för schemalagd undervisning	3
4 Examination	5
4.1 Skrivningar — duggor och tentor	5
4.2 Inlämningsuppgifter	6

1 Kursinnehåll

Kursen är *inte en repetitionskurs* av gymnasiets matematik, den har högre mål. Ordet *högskolemässighet* kanske låter högtravande, men avsikten med kursen är att den skall

- öva kalkylfärdighet och lösningskontroll
- träna logiskt tänkande
- öva att skriva matematik, d.v.s. att formulera lösningar av matematiska problem så att tankegången går att följa utan att läsaren behöver fylla i med en mängd ej uppenbara detaljer
- ge en stabil grund för de fortsatta studierna.

Utvalda övningsuppgifter ger träning i att hantera de grundläggande begrepp och räknelagar som tas upp i kursen. De i kursen ingående momenten är uppdelade i två avsnitt.

1.1 Reella och komplexa tal

Här behandlas räkning med reella tal, utveckling och förenkling av algebraiska uttryck, några principer för lösning av ekvationer och ekvationssystem med en eller flera reella obekanta, lösning av olikheter med reella tal och räkning med absolutbelopp av reella tal. Vidare behandlas koordinatsystem i planet, polära koordinater, ekvationer för räta linjer och cirklar m.m. samt det komplexa talplanet, inklusive räkning med komplexa tal (addition, subtraktion, multiplikation och division, absolutbelopp och konjugering). Dessutom studeras några typer av ändliga summor (aritmetiska och geometriska summor samt binomialutveckling).

De moment som handlar om reella tal är väsentliga i alla matematiska kurser och i tillämpningar. Koordinatsystem i planet samt ekvationer för räta linjer o.s.v. är naturligtvis viktiga i linjär algebra (där en del böcker behandlar just dessa moment mycket kortfattat) men de behövs också i analys (framför allt i flera variabler). Summabeteckningen och de nämnda summorna används i många matematikkurser och tillämpningsämnen.

1.2 Funktioner

Här behandlas först det allmänna begreppet funktion och invers funktion (avbildning) och sedan grundläggande egenskaper (räkneregler och funktionskurvornas utseende) hos logaritm-, exponential- och potensfunktioner (utgående från den naturliga logaritmfunktionen) samt trigonometriska funktioner, komplexa tal i polär form och den komplexa exponentialfunktionen samt arcusfunktioner.

Det allmänna funktionsbegreppet är väsentligt i alla matematikkurser och i många andra kurser. Säkerhet i användning av räkneregler och dylikt för elementära funktioner (inklusive den komplexa exponentialfunktionen) är central i matematik och de flesta kurserna i fysik och teknik. Komplexa tal är viktiga i de flesta matematikkurserna och i många andra kurser, t.ex. kretsteori och reglerteori. Det komplexa talplanet och komplexa tal i polär form är viktiga bl.a. för diskreta och kontinuerliga transformeringar.

2 Litteratur

Kurslitteraturen är de två första kapitlen ur boken *Matematisk analys, en variabel* av Göran Forsling och Mats Neymark, Liber 2011 (eller senare). Boken kompletteras med övningsmaterialet *Problem för envar*, Linköping 2023. Såväl boken som övningsmaterialet används i kommande kurser (Envariabelanalys 1 och Envariabelanalys 2).

3 Undervisning och hemarbete

Aktuella tider och datum för de olika passen hittar du alltid via TimeEdit, se kurshemsidan.

Undervisningen består av föreläsningar (20 timmar), lektioner (26 timmar) och handledd övningsräkning (28 timmar).

Kursen omfattar 6 högskolepoäng, dvs 160 arbetstimmar. Av denna tid är alltså $20+26+28 = 74$ timmar schemalagda, och du förväntas därmed arbeta ännu fler timmar (86) hemma. Utrymme för inlämningsuppgifter är beaktat i hemarbetstiden. Repetition inför duggor är beräknad till ungefär 22 timmar.

Varje föreläsning bör sammantaget innebära minst 6 timmars arbete med förberedelse, själva föreläsningen samt efterarbete.

Varje lektionspass bör kräva minst 6 timmars sammanlagd arbetstid, inklusive själva lektionstiden, handledning och hemarbete.

3.1 Föreläsningar

Föreläsningarna utgör ett komplement till litteraturen. Där tas delar av teorin upp, illustrerad med exempel. Föreläsningarna är dock inte heltäckande, så du får räkna med att läsa in delar på egen hand.

3.2 Lektioner

Dessa är inte som föreläsningarna, utan fokus är på eget arbete. Lektionsledaren räknar normalt igenom något exempel på tavlan i lektionens början, och finns sedan tillgänglig för diskussion och frågor när man fastnar på någon uppgift. Erfarenheten visar att det bästa sättet att lära sig är att kämpa med uppgifterna och inte vara rädd att köra fast ibland, det verkar också fungera bra att samarbeta parvis under lektionerna. Du kan utnyttja lektionerna mer effektivt om du har förberett dig genom att arbeta med en del uppgifter i förväg.

3.3 Handledning

Samma grundtanke som med lektionerna. Handledaren är en erfaren student som, liksom lektionsledaren, är tillgänglig för frågor och diskussioner. Handledaren är dessutom ansvarig för hanteringen och rättningen av inlämningsuppgifterna. Dessa ska du dock inte arbeta med under lektions-/handledningstid eftersom lektionsledaren/handledaren inte får hjälpa till vid examination.

3.4 Program för schemalagd undervisning

Lös i första hand uppgifterna utan parentes. Dessa är ett absolut minimum av vad som krävs för att klara kursen. Om du vill pröva på lite svårare uppgifter eller har ambitionen att få högre betyg än G, löser du även uppgifter inom parentes.

Uppgifter markerade med B är hämtade ur boken, *Matematisk analys en variabel*, medan uppgifter markerade med P finns i *Problem för envar*.

Del 1 (innehållet finns med både på Dugga 1 och Dugga 2)

Fö 1	Algebraiska uttryck, ekvationer, polynom, cirklar och linjer	1.1–1.4
Ha 1	P 1.1, 1.2, 1.3, 1.4, 1.5, 1.6, 1.8, B 1.17, 1.19, 1.54a, 1.56, 1.16, 1.18	
Le 1	B 1.4, 1.5, P 1.10b, 1.19, 1.20, B 1.10, 1.20ac, 1.31, 1.51, 1.54b, 1.57, 1.58, (P 1.7, 1.9, 1.14b, 1.21, B 1.15b, 1.22b, 1.36b)	
Ha 2		
Fö 2	Olikheter, absolutbelopp och summor	1.5–1.6
Le 2	P 1.23, 1.24, 1.25ab, 1.26, 1.28abd, 1.29, 1.30, 1.33cdef, 1.36, 1.37, B 1.68, (P 1.25c, 1.35)	
Ha 3		
Le 3	P 1.13, 1.38abcf, 1.39acd, 1.44ab, 1.45, 1.46ab, 1.47, B 1.32, 1.33, 1.36a, 1.69, 1.70a, 1.67, 1.109, (P 1.40, 1.46d)	
Ha 4		
Le 4	P 1.51, 1.52ab, 1.53, 1.54ab, 1.55, B 1.74, 1.83, 1.84, 1.114, 1.115, 1.116, P 1.57a, (P 1.49b, 1.50, B 1.86)	
Fö 3	Komplexa tal och andragradsekvationer	1.7
Le 5	P 1.66, 1.67, 1.68, 1.70, 1.73, 1.74, 1.78, 1.79, B 1.93, 1.99, 1.102a, 1.118, 1.119c, 1.120acd, (P 1.76, 1.77)	
Ha 5		
Fö 4	Komplexa tal, polynomekvationer och binomialsatsen	1.7, 1.6
Ha 6		
Le 6	(P 1.58), 1.61, 1.62, 1.64, B 1.81, 1.87, 1.88, P 1.82, 1.83, 1.84, 1.85, (P 1.65, B 1.85)	
Ha 7		

Del 2 (innehållet finns bara med på Dugga 2)

Fö 5	Funktionsbegreppet, inverser och monotonitet	2.1–2.2
Le 7	B 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, (2.5), 2.6, (2.7), 2.8, 2.9, 2.10a(b), 2.11a(b) P 2.2, 2.4a(b), 2.6	
Fö 6	Logaritmen, exponentialfunktionen och potenser	2.3
Ha 8	P 2.7, 2.8, 2.9, 2.11, 2.16, 2.19, 2.24, 2.25, (2.29) 2.32, 2.33, B 2.22	
Le 8	P 2.12, 2.13, 2.15, (2.18), 2.20, (2.21), B 2.21, 2.23, P (2.23), 2.26, 2.27a, (2.28), 2.30, 2.35	
Fö 7	Trigonometri	2.4
Ha 9	P 2.43, 2.44, 2.45, 2.50, 2.51, 2.55	
Le 9	B 2.29, P 2.46, 2.47, 2.48, 2.52, 2.54, B 2.30, (2.31), 2.33, (2.34)	
Fö 8	Hjälpvinkelomskrivning och arcusfunktioner	2.4, 2.5
Le 10	B 2.36, (2.37), P 2.57, B 2.45, 2.47, 2.48a(b), P 2.58, (B 2.40, 2.42)	
Le 11	P 2.72, 2.73, 2.74, 2.75, B 2.51, 2.52ab(c), P 2.78, (2.80, 2.84, 2.85)	
Fö 9	Komplexa exp-funktionen, polär form och binomiska ekvationer	2.6
Ha 10	P 2.62, 2.63, 2.64	
Le 12	B 2.56, 2.59, 2.60, 2.61, 2.82ab(c), 2.64, 2.58b, 2.63a, 2.65, P 2.65, (2.66, 2.68)	
Ha 11		
Fö 10	Rester/repetition	
Ha 12		
Ha 13		
Le 13	Duggauppgifter, repetition	
Ha 14		

4 Examination

Kursen examineras genom två duggor (1,5 resp. 3 hp) och obligatoriska inlämningsuppgifter (1,5 hp). Dugga 1 omfattar kapitel 1, dugga 2 omfattar hela kapitel 1 och 2 i kursboken.

För den som inte klarar båda duggorna ges också en tentamen, där resultat på duggor tillgodoräknas enligt regler som beskrivs nedan. Denna tentamen är öppen även för den som vill försöka höja betyget. **Man behöver inte gå upp på tentamen om man klarat båda duggorna.**

▷ Slutbetyg för hela kursen erhålls först när *alla* moment i kursen är avklarade. Vi avvaktar (den för många frivilliga) tentamen i januari innan vi rapporterar in slutbetyget.

4.1 Skrivningar — duggor och tentor

För att få skriva tentor och duggor så **måste du anmäla dig**. Det gör du via Liunet, anmälan öppnar en månad innan respektive skrivning, anmäl dig **senast tio dagar innan skrivningen**. Du som går gymnasiet kontaktar istället vår administratör Helena på helena.larsson@liu.se angående skrivningsanmälan.

Skrivning	KOD	Tillfälle 1	Tillfälle 2	Uppgifter, poäng	Godkänt	Skrivtid	Kapitel
Dugga 1	STN1	To 28/9	Fr 13/10	5 st, 15p	7p	3 timmar	1
Dugga 2	STN2	Lö 28/10	Må 20/11	7 st, 21p	9p	4 timmar	1, 2
Tentamen	STN3	Fr 5/1	Augusti	7 st, 21p	9p	5 timmar	1, 2

Har man klarat en viss dugga får man inte gå upp på den vid något senare tillfälle. Vill man försöka höja sitt betyg får man istället delta i tentamen.

▷ Godkända duggor räknas i all framtid. Man får försöka hur många gånger som helst på en dugga man inte klarat, alltså även kommande läsår. Har man blivit godkänd på tentamen får man däremot inte gå upp på någon mer dugga.

Slutbetyget avgörs av poängsumman från de två duggorna — förutsatt att båda är godkända — eller av poängen på tentamen, vad som nu är bäst.

Betyg	G	VG
Duggapoäng	16p	24p
Tentamenspoäng	9p	14p

Om man går upp på tentamen kan duggaresultatet ge bonuspoäng. Har man mindre än 9p på själva tentamensuppgifterna så kan bonusen användas för att få sammanlagt maximalt 9p på tentamen. Har man 9p eller mer på tentamensuppgifterna så gäller bonusen ej. Bonusen räknas alltså bara för att få betyget G och gäller ej för betyg VG.

Resultat	Bonus
Godkänd dugga 1	2p (för betyg G)
Godkänd dugga 2	4p (för betyg G)

Praktiska råd inför skrivningarna

- Inga hjälpmedel är tillåtna, varken räknare eller formelsamling.
- Lösningarna skall vara ordentligt skrivna, välmotiverade och avslutade med ett svar.
- Kontrollera lösningar och svar, även om inte kontrollen behöver redovisas.
- Väl genomförda inlämningsuppgifter är till stor hjälp för att klara duggorna.

4.2 Inlämningsuppgifter

Uppgifterna belyser ett flertal *viktiga moment i kursen* som du måste behärska. Förutom att du skall lära dig dessa moment är syftet också att du via rättningen skall *lära dig att presentera lösningar på matematiska problem* på ett logiskt hållbart och ändå lättläst sätt. Just detta att presentera lösningar kan i början uppfattas som svårt. En vanlig fråga från studenter är ”Vad skall jag skriva?”. Försök skriva så att du själv (och dina kurskamrater!) kan förstå vid en ny genomläsning efter några dagar. Skriv heller aldrig något som du själv inte förstår. I kursboken finns också många övningsuppgiftslika exempel med färdiga lösningar som du kan studera vid behov.

Tänk också på att alltid *kontrollera lösningarna* innan du lämnar in dem. Är svaren rimliga? Är alla resultat på vägen riktiga? Dels skaffar du dig en god vana som du kommer ha stor nytta av senare (inte minst i analyskurserna), dels kan du också undvika onödiga returer. *Till de flesta uppgifterna skall du dessutom redovisa kontrollerna.* Vi rättar inte uppgifter där begärda kontroller saknas.

Även om all examination är individuell får (och bör) man *samarbeta med andra* vid lösning av inlämningsuppgifterna. *Avskrivning är dock inte tillåten.*

Det som tas upp är självklart inte heltäckande utan det finns moment man förväntas behärska som ej tas upp i inlämningsuppgifterna.

Inlämningsomgångarna är konstruerade för att passa ihop med närmast förestående dugga. Se därför till att lämna in lösningarna i god tid så att du hinner få tillbaka dem rättade före duggan, det kommer att vara till stor hjälp.

Omg	Inlämning senast	Återlämning senast	Rättas av	Godkänd senast
1a	Ti 19/9	To 21/9	Handledaren	On 1/11 2023
1b	Må 25/9	On 27/9		
2a	Fr 13/10	Ti 17/10	Handledaren	Fr 17/11 2023
2b	Må 23/10	On 25/10		

Inlämningsuppgifter och eventuella returer lämnas antingen direkt till handledaren på ett handledningspass, eller i facket markerat 91MA13 eller 92MA13 i B-huset, ingång 21, en trappa upp ovanför ingången. Inlämningsuppgifterna ska vara i pappersform och handskrivna.

Lämna alltid in eventuella returer så fort som möjligt, och allra senast två dagar före ”Godkänd senast”-datumet. Den som inte fått en viss omgång godkänd inom utsatt tid får göra om samma omgång nästa läsår. Vi rättar inga för sent inlämnade returer.

Praktiska råd om inlämningsuppgifterna

- På alla inlämnade papper ska du skriva namn och den fyrbokstavskod som står i övre högra hörnet på uppgiftslappen.
- Lämna inte in lösningar till uppgifter som redan är godkända.
- Redovisa alltid efterfrågade kontroller. Lösningar utan dessa kontroller rättas ej.
- Endast handskrivna lösningar accepteras.