

Kursprogram

TADI31 Diskret matematik, 6 hp,

Kursperiod:

Vecka 45-02 (5 november-15 januari) HT2024

Lärare:

Daniel Carlsson, kursansvarig och examinator.

mail: daniel.carlsson@liu.se, tel. 013-28 57 61.

Matematiska institutionen, Hus B, A-korridor mellan ingång 21 och 23, 1 trappa.

Biträdande rättare av inlämningsuppgifter:

Jonna Gill, mail: jonna.gill@liu.se, tel: 013-28 12 45

Kursadministratör:

Malin Aurell

mail: malin.aurell@liu.se, tel. 013-28 13 27.

Matematiska institutionen, Hus B, A-korridor mellan ingång 23 och 25, 1 trappa.

Kurswebsida:

<http://courses.mai.liu.se/GU/TADI31/>

På kurswebsidan läggs material och information som rör kursen ut kontinuerligt under kursens gång. Utöver den information som ges vid föreläsningar är informationskanaler kurswebsidan samt studentmail.

Kurslitteratur:

Diskret matematik av Asratian, Björn, Turesson, Liber 2020.

ISBN: 97891-4713-358-1 Boken finns att köpa hos Bokakademien, Campus Valla.

Kursinnehåll:

Innehållet i kursen anges i kursplanen som finns publicerad på kurswebsidan. Mer i detalj definieras innehållet i kursen av de avsnitt i kursboken som anges i föreläsnings- och lektionsplaneringen nedan. Kursen tar upp några områden inom diskret matematik som är av särskilt värde för dig som blivande ingenjör: talteori, induktion, mängdlära, kombinatorik, logik samt grafer (nätverk). Dessa har nära anknytning till datasäkerhet och kryptering, programmering, databaser och nätverk och vill ge dig verktyg för att förstå och lösa problem inom dessa områden.

Examination:

Kursen examineras genom en **skriftlig tentamen (TEN1)**, 4 hp samt genom skriftligt redovisade **inlämningsuppgifter (SRE1)**, 2 hp.

Tentamen består av 7 uppgifter, 3p per uppgift. För betyg 3 krävs minst 8p, för betyg 4 krävs minst 12p och för betyg 5 krävs minst 16p. Tre tentamenstillfällen ges för kursen per år och första tentamen ges vid kursens slut **2025-01-15**. För datum och tider för omtentamen se studentportalen. Anmälan för att delta i tentamenstillfället skall göras i studentportalen senast 10 dagar före aktuell tentamen. Tillåtet hjälpmedel vid tentamen är i kursen utdelat formelblad i logik och som bifogas vid tentamen. Inga övriga hjälpmedel. (Räknare är alltså inte tillåten.)

Under kursen kommer **inlämningsuppgifter** delas ut som löses individuellt, redovisas skriftligt och lämnas in till din lektionsledare för rättning. Momentet består av fem uppgifter fördelat på tre omgångar, se nedan. Samtliga uppgifter godkända, efter eventuell komplettering, ger godkänt betyg på momentet SRE1 inlämningsuppgifter, 2hp. Utöver att det är ett poängsatt moment ger det träning i att redovisa fullständiga lösningar och få respons på det redan under kursens gång, vilket också är värdefullt inför tentamen. Uppgifterna delas ut på lektion 2.

Notera följande datum för inlämning av respektive omgång:

Omgång 1 (uppgift 1 och 2): senast onsdag **den 13 november före kl. 12.00**.

Omgång 2 (uppgift 3): senast fredag **den 22 november vid lektion 7**.

Omgång 3 (uppgift 4 och 5): senast onsdag **den 11 december före kl. 17**.

In- och utlämning sker i samband med lektionerna. Inlämning kan också ske i lärares postfack i B-huset, entre 21-23, 1 trappa upp. Rättade uppgifter lämnas tillbaka inom några dagar från inlämnandet i samband med lektion. Sista dag och tidpunkt att bli godkänd på inlämningsuppgifterna är **måndagen den 13 januari kl. 13.00**. Att bli godkänd förutsätter att eventuella kompletteringar är inlämnade så att de hinner rättas före detta. Är man ej godkänd vid denna tidpunkt får man redovisa fem nya inlämningsuppgifter i samband med att kursen ges nästa gång.

Undervisning:

Undervisningen består av föreläsningar, där teori och metoder presenteras och illustreras med exempel, och lektioner där begrepp och metoder övas. Utöver den schemalagda tiden (ca 1/3) är det viktigt att du redan från första dagen på kursen ägnar en hel del tid åt självstudier (ca 2/3). Den normala rytmen i kursen är att en föreläsning följs av en eller två lektioner följt av en ny föreläsning. I föreläsnings- och lektionsplaneringen nedan kan du se i detalj vad de olika tillfällena innehåller och vad du förväntas arbeta med. De föreslagna uppgifterna för en viss lektion är både för lektionen och efterföljande hemarbete. Arbeta gärna tillsammans med andra i kursen även utanför den schemalagda tiden.

Föreläsnings- och lektionsplanering

Nedan följer planeringen för kursen där beteckningarna *B* står för *kursboken*, *KÖ* står för *kompletterande övningar*. Gör övningarna i den ordning de står!

All undervisning ges på plats på Campus Valla. Som repetition inför tentamen finns också min *spellista Diskret matematik! - för högskolan* på YouTube. Se bifogad guide till spellistnan.

Moment	Innehåll	Avsnitt
FÖ 1	Introduktion av kursen. Vad, varför och hur? Talteori Delbarhet, primtal, SGD och Euklides algoritm	7.1-7.5
LE 1	<i>KÖ</i> : 1, 2; <i>B</i> : Kap 7 : 2, 4, 1, 9, 14, 15, 10a, 36a <i>Extra B</i> : Kap 7 : 6, 45a (b)	
FÖ 2	Talteori, fortsättning MGM, aritmetikens fundamentalsats, Diofantiska ekvationer	7.6-7.8

var god vänd

Forts – föreläsnings- och lektionsplanering

Moment	Innehåll	Avsnitt
LE 2	<i>KÖ: 3; B: Kap 7: 12, 10b, 20, 21, 22, 23, 24;</i> <i>Extra B: Kap 7: 44, 17</i>	
FÖ 3	Induktion och rekursion Induktionsprincipen och induktion som bevismetod, rekursion	4.1-4.4
LE 3	<i>KÖ: 4, 5, 6; B: Kap 4: 1, 9abcd, 2, 10, 11, 14, 15</i> <i>Extra B: Kap 4: 9e-h, 12, 17</i>	
LE 4	<i>B: Kap 4: 6, 7, 19, 20, 21, 8;</i> <i>B: Kap 7: 3, 32 (se exempel 7.1.5) Extra KÖ: 7, B: 4: 22;</i> (-Inlämningsuppgifter omgång 1 in före onsdag kl. 12.)	
FÖ 4	Mängdlära Grundläggande definitioner, mängdoperationer och venndiagram	2.1-2.3
LE 5	<i>KÖ: 8, 9; B: Kap 2: 1, 4; KÖ: 10, 11, 12, 13;</i> <i>B: Kap 2: 13, 14, 2, 3a-e</i>	
FÖ 5	Mängdlära, fortsättning Visa mängdlikheter, problemlösning, räkneregler, produktmängd och standardmängder	2.3-2.5
LE 6	<i>KÖ: 14, 15, 16, 17, ; B: Kap 2: 6ab, 8a, 9abc, 11, 21, 18 Extra KÖ: 18; B: Kap 2: 5, 7, 32, 33</i>	
FÖ 6	Kombinatorik Additionsprincipen, multiplikationsprincipen, permutationer och kombinationer.	5.1-5.5
LE 7	<i>B: Kap 5: 1, 3, 36, 37, 4, 7, 10, 32, 38; Kap 7: 43a-f</i> (-Inlämningsuppgifter omgång 2 in vid lektionen.)	
FÖ 7	Kombinatorik, fortsättning Att lösa kombinatoriska problem, falluppdelning. Komb. m. upprep, Binomialutvecklingar, pascals tri.	5.6-5.11
LE 8	<i>B: Kap 5: 31, 39, 42, 40, 9 (se ex 5.5.8) B: Kap 7: 5</i> <i>KÖ: 19, 20, 21, 22, 23; Extra KÖ: 24;</i>	
LE 9	<i>B: Kap 5: 14, 15, 50 KÖ: 25, 26;</i> <i>B: Kap 5: 34, 35, 46, 60, 11, 12, 19, 20;</i> <i>Extra B: Kap 5: 16</i>	
FÖ 8	Grafer Grundläggande definitioner, eulerväg, hamiltoncykel	10.1, 10.3-10.4
LE 10	<i>B: Kap 10: 1, 3, 4, 5, 12, 13, 14, 16, 22, 28, 30, 2</i> <i>Extra B: Kap 10: 6, 10, 25</i>	

var god värd

Forts – föreläsnings- och lektionsplanering

Moment	Innehåll	Avsnitt
FÖ 9	Grafer fortsättning Träd, billigaste spänande träd, modellering med grafer Se exempel på kurswebbsidan under ”Föreläsningar”	11.1-11.3
LE 11	<i>B:</i> Kap 11: 2, 3, 4, 6, 1, 24; <i>KÖ:</i> 27, 28 <i>Extra B:</i> Kap 11: 20	
FÖ 10	Logik Grunder i satslogik. Konnektiv och sanningsvärdestabeller.	15.1-15.2
LE 12	<i>B:</i> Kap 15: 2abcd, 1, 3ab, 12; <i>KÖ:</i> 29, 30, 31, 32, 33 <i>B:</i> Kap 15: 13, 21, 22, 23; <i>Extra 15:</i> 14	
FÖ 11	Logik fortsättning Logisk slutledning, deduktion, reduktionsmetoden	15.3
LE 13	<i>KÖ:</i> 34, 35; <i>B:</i> Kap 15: 28 b-e (med deduktion), 29 b-e (med reduktionsmetoden), 7	
LE 14	<i>B:</i> Kap 15: 8abcd, 30, 26, 33; <i>KÖ:</i> 36; <i>Extra 15:</i> 31, 32; (-Inlämningsuppgifter omgång 3 lämnas in senast kl. 17.)	
LE 15	Rester och repetition inför tentamen.	
FÖ 12	Inför tentamen - problemdemonstration - Gamla tentor publiceras på kurswebben inför detta tillfälle.	

TADI31 Diskret Matematik

GUIDE TILL SPELLISTAN

Länk till spellistan DISKRET MATEMATIK:

https://www.youtube.com/channel/UCoN_-3gxLKimHCQwOxCQOqQ

OBS! Nedan finns innehållsförteckningen för hela spellistan Diskret matematik! - För högskolan. **Följ kursprogrammet för kursen.**
De klipp som hör till er kurs har markerats i gröna färg och längst till vänster anges vilka klipp som ska ses vid en viss föreläsning.
De som är *-markerade är exempel som kan ses vid behov.

Föreläsning Innehållsförteckning:

Länk på YouTube:

Länk till ritade bilder i klippet:

FÖ 1	1	Välkommen till spellistan: Diskret matematik!	https://youtu.be/0EcprTU5iTk	https://www.dropbox.com/sh/0zfpfwbe0e77r1/AABfhhrhUGpapqXFyxHvkMca?dl=0
FÖ 1	2	Talteori: Delbarhet och primtal	https://youtu.be/d6qmK6glhl	https://www.dropbox.com/sh/kaf7q15hb2i53/AAC3Xoju_EvPuMo7D4bxfkWoa?dl=0
FÖ 1	3	Talteori: Bevis av att det finns oändligt många primtal	https://youtu.be/TFno1zopPlk	https://www.dropbox.com/sh/cck59n266i416e/AABcviviuUvhYfGQ_7v6ZlDya?dl=0
FÖ 1	4	Talteori: Eratosthenes säll	https://youtu.be/57muQ-G7Tku	https://www.dropbox.com/sh/vr3dk97rdmwxiai/AAD0hmcPpuU2BdJAEdt6lvfaa?dl=0
FÖ 1	5	Talteori: Primtalsfaktorisering	https://youtu.be/C9ybseVVM48	https://www.dropbox.com/sh/wjr5nze5gd5rakl/AACBUfyo2UVVUd1h5oSGpua?dl=0
FÖ 1	6	Talteori: Divisionsalgoritmen	https://youtu.be/q7_08anOnW0	https://www.dropbox.com/sh/ourhx1oh55anc/AABrdg2qkVxcOvnml_b_162ya?dl=0
FÖ 1	7	Talteori: Största gemensamma delare (SGD) och Minsta gemensamma multipl (MGM)	https://youtu.be/aeUB_Q2htB8	https://www.dropbox.com/sh/ls05mnzla7ef77/AABHuTN0EIO6WHPI5BxKAGta?dl=0
FÖ 1	8	Talteori: Euklides algoritm	https://youtu.be/QGB8vnH1Gfeg	https://www.dropbox.com/sh/oppzrufc62mogtk/AAC8WFjPQ1TQ5szqyNtu_3sa?dl=0
FÖ 2	9	Talteori: Diofantiska ekvationer	https://youtu.be/b6brJr2XO-fM	https://www.dropbox.com/sh/w3ki3nd719sb32/AACAI702_Uxkg0t2-z_VzeWea?dl=0
FÖ 2	10	Talteori: Hur många var på konsernet?	https://youtu.be/N1Sf4SkaGg	https://www.dropbox.com/sh/t2urigqt4ghwf/AADpe9KGe6nVTW1m8gHVfema?dl=0
FÖ 2	11	Talteori: Diofantiska ekvationer - ett par specialfall	https://youtu.be/ReJW18EtA	https://www.dropbox.com/sh/6aqbgijl86gcid/AAbs4zC83p7AgipxMbgx4Ja?dl=0
FÖ 2	12	Talföljder: Att se mönster och kunna generalisera dem	https://youtu.be/_t0MTuw5QDM	https://www.dropbox.com/sh/6n3tce4f3w7yapq3/AAAhajvlpAk4hf_Oz9yNoUsa?dl=0
FÖ 3	13	Induktion: Induktionsprincipen, något om summor	https://youtu.be/uAecQV1xuzg	https://www.dropbox.com/sh/iruay4tthrege1/AAB4AHFM6RjzXBjfVnmKa?dl=0
FÖ 3	14	Induktion: Exempel 1 - summa	https://youtu.be/epc804zjvQ	https://www.dropbox.com/sh/syr90u96xzlqpo/AABQ85qRTT2f5wHS5Qaldvfa?dl=0
FÖ 3	15	Induktion: Exempel 2 - rekursion	https://youtu.be/xS705ga2OU	https://www.dropbox.com/sh/7me6h1dcuyse4p/AADFQE8d7d5V7x9Umh49mjxa?dl=0
FÖ 3	16	Induktion: Exempel 3 - olihet	https://youtu.be/_9yOVp0Qg	https://www.dropbox.com/sh/pajpk1lx8rlic/AADtisjbfJEfAukeV4Ric4f1ja?dl=0
FÖ 4	17	Mängdlära: grundläggande begrepp	https://youtu.be/sZHn6askKww	https://www.dropbox.com/sh/2mtssuzxm6xwg/AAD0898BLfecxxEg_m_94Qta?dl=0
FÖ 4	18	Mängdlära: mängdoperationer	https://youtu.be/tx0Tw1_fQ	https://www.dropbox.com/sh/dgkkimbhpdpawaz/AADMuY8SzEKjBToBgoEOSiCa?dl=0
FÖ 5	19	Mängdlära: Använda Venndiagram för att lösa problem, Bilprovningen i Lillköping	https://youtu.be/je3fm5rpKlk	https://www.dropbox.com/sh/5kiwm7s5p0sgr6u/AA迪lyNYQFN90VNQYZNH52asa?dl=0
FÖ 5	20	Mängdlära: Talområden - standardmängder	https://youtu.be/rsGraj7vQ	https://www.dropbox.com/sh/fke92usd0yjejns/AAAB6eb1G931_i_PHVU_LdqAa?dl=0
FÖ 5	21	Mängdlära: Antal delmängder och potensmängden	https://youtu.be/_ecGCAzCNF8	https://www.dropbox.com/sh/grug60t6dnqon/AAAbkwM6Mk1v0t78XLPyhUka?dl=0
FÖ 5	22	Mängdlära: Kartesisk produkt (par)	https://youtu.be/SFK-la9dOjw	https://www.dropbox.com/sh/90664mfra2a78rt/AAC-tvXMJ4iVVMpkl9lcw7Ica?dl=0
FÖ 5	23	Mängdlära: Att bevisa en mängdlikhet	https://youtu.be/u8oMFH7SEk	https://www.dropbox.com/sh/5vtvyeago29x3g9/AACxjgeCtR1Qlq-eYdEd_l_A?dl=0
FÖ 5	24	Mängdlära: Att ge motexempel till en mängdlikhet	https://youtu.be/uf7d3-hkPwE	https://www.dropbox.com/sh/jih5r1w3xai00/AADl6eV17xShF9CKSb47jRa?dl=0
FÖ 5*	25	Mängdlära: Bevisa mängdlikhet med omskrivning	https://youtu.be/c_5tCSYl0	https://www.dropbox.com/sh/7ip7b1c28v8wve/AAAU290gOTL5KLajBNYY3a?dl=0
FÖ 6	26	Kombinatorik: Additionsprincipen och multiplikationsprincipen	https://youtu.be/qF3i227BuXu	https://www.dropbox.com/sh/nzsfuwwf6m1ub9/AAAdMnDpCr892rJXH9CNt64ea?dl=0
FÖ 6	27	Kombinatorik: Permutationer	https://youtu.be/hwdBKTWTWhA	https://www.dropbox.com/sh/220b3nppjhs79d/AABe-y0tkFmPsyAwTb295T3a?dl=0
FÖ 6	28	Kombinatorik: Kombinationer	https://youtu.be/EahTizD-Hg	https://www.dropbox.com/sh/yimtr83ivla7f0/AAANGioTf0BNU_jwty5VRzad?dl=0
FÖ 6	29	Kombinatorik: Pizza eller sandwich?	https://youtu.be/BWDOLqCc3o	https://www.dropbox.com/sh/2rv09d1znjd2ifAADVH25_v5LlpUpniYe7160ja?dl=0
FÖ 6	30	Kombinatorik: Att välja festeri (och problemet med Torsten).	https://youtu.be/wlmjy9ASVag	https://www.dropbox.com/sh/tst3g6cnr7cky77AACglldOsc2T32M0e2xpEUlya?dl=0
FÖ 7	31	Kombinatorik: Antalet "ord" ur SIMHALLARNA	https://youtu.be/cGw7k1Bk0	https://www.dropbox.com/sh/290kiij98c001/AAAD6eRAHKLC8eo1kfBpyuqa?dl=0
FÖ 7	32	Kombinatorik: Kombinationer med uppdelningar	https://youtu.be/OkrxZaaH3E	https://www.dropbox.com/sh/kj45hcgyvrn3nx/AAAlcuLh70n095xe-wZLpTB8za?dl=0
FÖ 7*	33	Kombinatorik: Exempel - ABRAKADABRA	https://youtu.be/gOHu7TpqMi8	https://www.dropbox.com/sh/zto042szuqvru/AACP6uswibLca0calMm_0ia?dl=0
FÖ 7*	34	Kombinatorik: Exempel - Styrelse med män och kvinnor	https://youtu.be/76RN3Qow8iY	https://www.dropbox.com/sh/531wfk0nirup86f/AADED1Uyv_DX1_69a170Mqa?dl=0
FÖ 7*	35	Kombinatorik: Exempel - Antalet pokerhänder	https://youtu.be/TgMNgzy5zY	https://www.dropbox.com/sh/mvpk4capa8y523w/AADY7XyceTHqff40Ggn8C4Mra?dl=0
FÖ 7	36	Kombinatorik: Principen om inklusion och exklusion	https://youtu.be/B3xfakltmd4	https://www.dropbox.com/sh/8360queft7op8xx/AADLyiZLqgdqwpFps2bJLm0a?dl=0
FÖ 7	37	Kombinatorik: Binomialtsatsen och pascals triangel	https://youtu.be/mw7898Mha0	https://www.dropbox.com/sh/exdy0ydzdu9xrc/AAC250w4k4Agp2b2_eaZpwnQOa?dl=0
FÖ 10	38	Logik: Grunder i satslägik	https://youtu.be/lWIn3jQzqk	https://www.dropbox.com/sh/3cfw747etvamjt5/AACwFKE6Eq5NrTdb4FnAr5IDfEa?dl=0
FÖ 10	39	Logik: Från språkliga till satslägiska uttryck	https://youtu.be/M15QvHt9yQ	https://www.dropbox.com/sh/e8620chhnau4w/AAD26bY5e2ppopAu3j_lTH9a?dl=0
FÖ 10	40	Logik: Logisk ekvivalens	https://youtu.be/9oPDYhr3uI	https://www.dropbox.com/sh/feraon046sfrzo/AABBJ55vWUUUSD1_ivn08zra?dl=0
FÖ 10	41	Logik: Tautologi, kontradiktion och logisk implikation	https://youtu.be/t-ubYUQwC3c	https://www.dropbox.com/sh/renykyfi92efwy/AACPvqB07KS8_qFNbwXfo3P_a?dl=0
FÖ 11	42	Logik: Slutledning 1 -med sanningsvärdabell	https://youtu.be/v2IMHm5_tcW	https://www.dropbox.com/sh/ot1eon1xb88hqjh/AADZgPxgRStaSmkVpCsITa?dl=0
FÖ 11	43	Logik: Slutledning 2 -med deduktion	https://youtu.be/CTATpdW10j8	https://www.dropbox.com/sh/9w7i7y7306b4k4/AADowsC-YXRn2Gt1MgxL3dz?dl=0
FÖ 11	44	Logik: Slutledning 3 -med reduktionsmetoden	https://youtu.be/11k7yv3yvve	https://www.dropbox.com/sh/klyopmgtai8eu/AACCVbTOB9N4nf1pJh0Efdrfa?dl=0
FÖ 11	45	Logik: Motexempel med reduktionsmetoden	https://youtu.be/vQYy_ixao	https://www.dropbox.com/sh/cf85s5lacv3mkf/AACVtcagQv7p5kfOOVZQcUwa?dl=0
FÖ 11	46	Logik: Deduktion med hypoteser samt indirekt härledning	https://youtu.be/uOC1IC07A	https://www.dropbox.com/sh/3w7e3oaeq6q4iw/AAHD09V0VmpSnxeYrfBqFa?dl=0
FÖ 8	47	Grafer - nätverk: introduktion	https://youtu.be/3jqrlD7ViXo	https://www.dropbox.com/sh/0hu9ad8s7rfhtes/AAC3j5FF-Bjrgnus8uuSuMca?dl=0
FÖ 8	48	Grafer: Grundbegrepp, del 1	https://youtu.be/wA2lgbptHkE	https://www.dropbox.com/sh/gsq2imwk95c88/AAC15iVfPMy1ec-7MqxONP_a?dl=0
FÖ 8	49	Grafer: Grundbegrepp, del 2	https://youtu.be/WF67Dgavys	https://www.dropbox.com/sh/qnxwypng2m1cs/AABGQjUm265IkT7QHe6VElta?dl=0
FÖ 8	50	Grafer: 3 sätt att representera grafer	https://youtu.be/TW_KCorbzC	https://www.dropbox.com/sh/8nd80mgs900n4/AADktRQOj6IcoD2WS0k1fNa?dl=0
FÖ 8	51	Grafer: Eulervägar och Hamiltoncykler	https://youtu.be/bmFbdLmQal	https://www.dropbox.com/sh/cdsreb1r3f0jw/AADOj-OkbX2hSROO7YrrfkNfa?dl=0
FÖ 9	52	Grafer: Träd	https://youtu.be/an_36kd7wu0	https://www.dropbox.com/sh/7x12fb0ma2qdr8/AAASVbguXt3krdxtalGhmz2?dl=0
FÖ 9	53	Grafer: Antal noder av grad 4 i ett träd	https://youtu.be/WFqAx0eo2wFU	https://www.dropbox.com/sh/kj11k0p0suqx13q/AAADo-PuGFmaErAydnObijvba?dl=0
FÖ 9	54	Grafer: Billigaste närvärk 1 - kantborttagningsalgoritmen	https://youtu.be/P7okxlNyw24	https://www.dropbox.com/sh/gill0719gv10n/AADux172_XqChf-AgmzuT2z?ca?dl=0
FÖ 9	55	Grafer: Billigaste närvärk 2- Kruskals algoritm	https://youtu.be/Rq0Wqpp69gs	https://www.dropbox.com/sh/p0sxt7wrok9g311/AABV204QxudjRdu8tWln27y?ca?dl=0
FÖ 9	56	Relationer: Definition och representation	https://youtu.be/Xz03zrSUvTO	https://www.dropbox.com/sh/gzh3x0nzfxlysh75/AADeP4ck2GsqUArrngwh5Dxada?dl=0
FÖ 9	57	Relationer: Sammansatta relationer	https://youtu.be/oM8ifxzdY0	https://www.dropbox.com/sh/ecvapfdn494lgc/AAA_y29t539vSP7rCaMfgua?dl=0
FÖ 9	58	Relationer: Fyra egenskaper hos relationer	https://youtu.be/TIVkzbOjAmE	https://www.dropbox.com/sh/80k17ek3nddfn/AAACHoGj02vvMph8tR8tWl5La?dl=0
FÖ 9	59	Relationer: Ekvivalentrelationer	https://youtu.be/VfQzAqCqrY	https://www.dropbox.com/sh/p50eppgr2snke2k/AABCub4FvHx_usRc_G4ai11a?dl=0
FÖ 9	60	Relationer: Partialordningar	https://youtu.be/siTy7kdjpzNQ	https://www.dropbox.com/sh/sc4ge871urp0/AABRPeKwppDoTeww28k7s4zba?dl=0
FÖ 9	61	Relationer: Funktioner	https://youtu.be/Avk1pSDCDs	https://www.dropbox.com/sh/2udxoh4qhdwd60/AABQOqN4RvIaE_7nH5NYOqa?dl=0
FÖ 9	62	Relationer: Exempel funktioner och antal relationer	https://youtu.be/OUIK3r-YwPE	https://www.dropbox.com/sh/wv6ggker0suvyP/AACSN_P1oduxclpQUSiFxBNa2d?dl=0
FÖ 9	63	Tentamensgenomgång Diskret matematik för SVP (kurs 725G93, Liu)	https://youtu.be/EM689WkdZQ	https://www.dropbox.com/sh/dm7xns4jdec/AACRF1KEvO1jeNn8wiEjogV9a?dl=0
FÖ 12	64	Tentamensgenomgång TADI31 Diskret matematik, 6hp		