

# ORDLISTA

Beskrivande statistik	Presentera och sammanfatta data på ett överskådligt sätt
Binomialfördelning	$X \sim Bin(n, p)$ , $E(X) = np$ , $var(X) = np(1 - p)$
Centrala gränsvärdesatsen	En summa av "tillräckligt" många likafördelade stokastiska variabler är approximativt normalfördelad
Dummy-variabel	$x = 1$ eller $0$ , används för att separera kategorier vid tex. regressionsanalys
Empirisk korrelation	$r = \frac{\sum_1^n (x_j - \bar{x})(y_j - \bar{y}) / (n-1)}{\sqrt{[\sum_1^n (x_j - \bar{x})^2 / (n-1)][\sum_1^n (y_j - \bar{y})^2 / (n-1)]}}$
Exponentialfördelning	$X \sim Exp(\mu)$ , $E(X) = \mu$ , $var(X) = \mu^2$
Flerdimensionell normalförd.	$\mathbf{Y} \sim N_n(\boldsymbol{\mu}, \mathbf{C})$ , med väntevärdesvektor $\boldsymbol{\mu}$ och kovariansmatris $\mathbf{C}$
F-fördelning	$Y_1 \sim \chi^2(r_1)$ och $Y_2 \sim \chi^2(r_2)$ oberoende, då blir $V = \frac{Y_1/r_1}{Y_2/r_2} \sim F(r_1, r_2)$
F-test i regr.analysis	$V = \frac{Q_{REGR}/k}{Q_{RES}/(n-k-1)}$ testar $H_0 : \text{alla } \beta_i = 0$ $W = \frac{(Q_{RES}^{(1)} - Q_{RES}^{(2)})/p}{Q_{RES}^{(2)}/(n-k-p-1)}$ testar $H_0 : \beta_{k+1} = 0 \dots \beta_{k+p} = 0$
Histogram	Empirisk sannolikhets- eller täthetsfunktion
Hypotesprövning	Tex. $H_0 : \mu = \mu_0$ mot $H_1 : \mu \neq \mu_0$ på nivån $\alpha$
Konfidensgrad	$1 - \alpha$ , är sannolikheten att konfidensintervallet $I_\theta$ "täcker över" det verkliga värdet på $\theta$
Konfidensintervall vid N-förd.	$I_\mu, I_{\mu_i - \mu_j}, I_\sigma$ eller $I_{\sigma^2}$
Konfidensintervall vid Bin.förd.	$I_p, I_{p_1 - p_2}$
Konfidensintervall via CGS	
Konsistentskattning	$\hat{\Theta}_n$ är definierad för varje $n$ . Om för varje $\varepsilon > 0$ gäller att $P( \hat{\Theta}_n - \theta  > \varepsilon) \rightarrow 0$ då $n \rightarrow \infty$ , så sägs $\hat{\Theta}_n$ vara en konsistent skattning av $\theta$ .
Korrelation	$\rho(X, Y) = \frac{\text{cov}(X, Y)}{\sqrt{\text{var}(X) \text{var}(Y)}}$
Kovarians	$\text{cov}(X, Y) = E((X - E(X))(Y - E(Y)))$
Likelihoodfunktionen	$L(\theta) = \prod_{i=1}^n f(x_i; \theta)$
Medelvärde av ober. stok. var.	$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$
MK-metoden	Minsta-Kvadrat-metoden, välj det värde $\hat{\theta}$ som minimerar $Q(\theta) = \sum_1^n (x_i - \mu_i(\theta))^2$
ML-metoden	Maximum-Likelihood-metoden, välj det värde $\hat{\theta}$ som maximerar likelihoodfunktionen $L(\theta)$
Momentmetoden	Om $E(X_i) = \mu(\theta)$ så ges momentskattningen av ekvationen $\mu(\hat{\theta}) = \bar{x}$ . Vid fler parametrar så måste även högre moment beräknas
Observation av stok. var.	Observationer är givna värden som är resultatet från ett slumpmässigt försök
P-värde	Kan användas då vi genomför hypotesprövningar. Anger den nivån som nollhypotesen kan förkastas på
Parvisa mätningar	(i) mätt på samma enhet före och efter behandling/åtgärd (ii) mätt med två olika metoder inom par med likvärda enheter
Population	Samtliga möjliga observationer
Prediktionsintervall	Prediktera en framtida enskild mätning
Poissonfördelning	$X \sim Po(\mu)$ , $E(X) = \mu$ , $var(X) = \mu$
Punktskattning	Om $x_1, \dots, x_n$ är observationer av oberoende s.v. $X_i$ , vars sannolikhetsfunktion $p(k; \theta)$ eller täthetsfunktion $f(x; \theta)$ innehåller en okänd parameter $\theta$ så är en gissning av $\theta$ . Punktskattningen är en gissning på $\theta$
$R^2 = R\text{-sq}$	$R^2 = \frac{Q_{REGR}}{Q_{RES}}$ , anger hur mycket av den totala variationen som kan förklaras av väntevärdesmodellen

Regressionsanalys	$Y_j = \beta_0 + \beta_1 x_{j1} + \dots + \beta_k x_{jk} + \varepsilon_j = \mu_j + \varepsilon_j$ , där $\varepsilon_j \sim N(0, \sigma)$ . Skatta $\beta_i$ och $\sigma^2$
Regressionskvadratsumma	$Q_{REGR} = \sum_{i=1}^n (\hat{\mu}_j - \bar{y})^2$ , $k$ frihetsgrader
Residualanalys	Studera residualerna $\hat{\varepsilon}_j = y_j - \hat{\mu}_j$ vilka är observatioer från $\varepsilon_j \sim N(0, \sigma)$
Residualkvadratsumma	$Q_{RES} = \sum_{i=1}^n (y_j - \hat{\mu}_j)^2$ , $n - k - 1$ frihetsgrader. Skattar $\sigma^2$ med $s^2 = Q_{RES}/(n - k - 1)$
Räknelagar för väntevärden	$E(\sum_{i=1}^n c_i X_i) = \sum_{i=1}^n c_i E(X_i)$
Räknelagar för varianser	Om $X_1, \dots, X_n$ är oberoende, så gäller att $\text{var}(\sum_{i=1}^n c_i X_i) = \sum_{i=1}^n c_i^2 \text{var}(X_i)$
Signifikansnivå	Sannolikeheten att förkasta $H_0$ då $H_0$ är sann, dvs. $\alpha = P(H_0 \text{ förkastas om } H_0 \text{ är sann})$
Signifikanstest	Tex. $H_0 : \mu = \mu_0$ mot $H_1 : \mu \neq \mu_0$ på nivan $\alpha$
Standardiserad normalfördeln.	$X \sim N(\mu, \sigma)$ då är $Z = \frac{X - \mu}{\sigma} \sim N(0, 1)$
Stickprov	Delmängd av en population, $x_1, \dots, x_n$ .
Stickprovsmedelvärde	$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$
Stickprovsstandardavvikelse	$s = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$
Stokastiska vektorer	$\mathbf{X} = (X_1, \dots, X_n)'$ : $(n \times 1)$ där $X_i$ är stokastiska variabler
Styrka	Sannoliketen att förkasta $H_0$ då $H_0$ är falsk, dvs. $h(\theta) = P(H_0 \text{ förkastas om } \theta \text{ är det sanna värdet})$
t-fördelning	$X \sim N(0, 1)$ och $Y \sim \chi^2(f)$ oberoende, då är $\frac{X}{\sqrt{Y/f}} \sim t(f)$
Varians	$\text{var}(X) = E((X - E(X))^2)$
Väntevärdesriktighet	Om $\hat{\theta}$ är en skattning av $\theta$ och $E(\hat{\Theta}) = \theta$ så är skattningen $\hat{\theta}$ en vvr skattning av $\theta$
$\chi^2$ -fördelning	$X \sim \chi^2(f)$
$\chi^2$ -test	Tex. test av given fördelning eller Homogenitetstest