

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} =$$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} +$$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}}$$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x(1+x^2)}}$$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x(1+x^2)}} = \frac{1}{\sqrt{x} g_0(x)}$$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x(1+x^2)}} = \underbrace{\frac{1}{\sqrt{x}}}_{g_0(x)} \underbrace{\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}}_{h_0(x)}$$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x(1+x^2)}} = \frac{1}{\sqrt{x}} \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$$

$g_0(x) \quad h_0(x) \rightarrow 1, x \rightarrow 0^+$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x(1+x^2)}} = \frac{1}{\sqrt{x}} \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} \implies$$

$g_0(x) \quad h_0(x) \rightarrow 1, x \rightarrow 0^+$

\implies

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x(1+x^2)}} = \frac{1}{\sqrt{x}} \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} \implies$$
$$\implies \frac{f(x)}{g_0(x)}$$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x(1+x^2)}} = \frac{1}{\sqrt{x}} \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} \implies \\ &\implies \frac{f(x)}{g_0(x)} = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} \end{aligned}$$

$g_0(x) \quad h_0(x) \rightarrow 1, x \rightarrow 0^+$

Exempel 2

Är $\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$ konvergent?

Lösning: Integralen är generaliserad i 0 och ∞ och måste därför delas i två:

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}.$$

För $0 < x \leq 1$ är $x \geq x^3$ vilket ger

$$\begin{aligned} f(x) &= \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x(1+x^2)}} = \frac{1}{\sqrt{x}} \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} \implies \\ &\implies \frac{f(x)}{g_0(x)} = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} \rightarrow 1 \quad \text{då } x \rightarrow 0^+. \end{aligned}$$

Exempel 2

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda.

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_0^1 \left(g_0(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$$

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_0^1 \left(g_0(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$$

är konvergent

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_0^1 \left(g_0(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (b)

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_0^1 \left(g_0(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (b) ($\alpha = \frac{1}{2} < 1$) fås

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_0^1 \left(g_0(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (b) ($\alpha = \frac{1}{2} < 1$) fås att

$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$$

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta. Då

$$\int_0^1 \left(g_0(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (b) ($\alpha = \frac{1}{2} < 1$) fås att

$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$$

också är konvergent.

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta. Då

$$\int_0^1 \left(g_0(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (b) ($\alpha = \frac{1}{2} < 1$) fås att

$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$$

också är konvergent.

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$ så

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x + x^3}}$$

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$ så

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x + x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x^3 \left(1 + \frac{1}{x^2}\right)}}$$

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$ så

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x + x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x^3 \left(1 + \frac{1}{x^2}\right)}} = \frac{1}{\sqrt{x^3} g_\infty(x)}$$

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$ så

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x + x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x^3 \left(1 + \frac{1}{x^2}\right)}} = \frac{1}{\underbrace{\sqrt{x^3}}_{g_\infty(x)} \underbrace{\sqrt{1 + \frac{1}{x^2}}}_{h_\infty(x)}}$$

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$ så

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x^3\left(1+\frac{1}{x^2}\right)}} = \frac{1}{\sqrt{x^3}} \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{x^2}}}$$

$g_\infty(x)$ $h_\infty(x) \rightarrow 1, x \rightarrow \infty$

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$ så

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x + x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x^3 \left(1 + \frac{1}{x^2}\right)}} = \frac{1}{\sqrt{x^3}} \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{x^2}}} \implies$$

$g_\infty(x)$ $h_\infty(x) \rightarrow 1, x \rightarrow \infty$

$$\implies \frac{f(x)}{g_\infty(x)}$$

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$ så

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x^3(1+\frac{1}{x^2})}} = \frac{1}{\sqrt{x^3}} \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{x^2}}} \implies$$

$g_\infty(x)$ $h_\infty(x) \rightarrow 1, x \rightarrow \infty$

$$\implies \frac{f(x)}{g_\infty(x)} = \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{x^2}}}$$

Exempel 2

Då $x \geq 1$ gäller att $x^3 \geq x$ så

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+x^3}} = \frac{1}{\sqrt{x^3(1+\frac{1}{x^2})}} = \frac{1}{\sqrt{x^3}} \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{x^2}}} \implies$$

$g_\infty(x)$ $h_\infty(x) \rightarrow 1, x \rightarrow \infty$

$$\implies \frac{f(x)}{g_\infty(x)} = \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{x^2}}} \rightarrow 1 \quad \text{då } x \rightarrow \infty.$$

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda.

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a)

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a) ($\alpha = \frac{3}{2} > 1$)

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a) ($\alpha = \frac{3}{2} > 1$) fås att

$$\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x + x^3}}$$

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a) ($\alpha = \frac{3}{2} > 1$) fås att

$$\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x + x^3}}$$

också är konvergent.

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a) ($\alpha = \frac{3}{2} > 1$) fås att

$$\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x + x^3}}$$

också är konvergent. Då båda delintegralerna är konvergenta

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a) ($\alpha = \frac{3}{2} > 1$) fås att

$$\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x + x^3}}$$

också är konvergent. Då båda delintegralerna är konvergenta är

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x + x^3}} =$$

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a) ($\alpha = \frac{3}{2} > 1$) fås att

$$\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$$

också är konvergent. Då båda delintegralerna är konvergenta är

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} +$$

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a) ($\alpha = \frac{3}{2} > 1$) fås att

$$\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$$

också är konvergent. Då båda delintegralerna är konvergenta är

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$$

Exempel 2

Därmed har vi visat att förutsättningarna för Sats 10.13 (Jämförelsesats II, JPK) är uppfyllda. Ur denna följer det att antingen är båda integralerna konvergenta eller båda divergenta.

Då

$$\int_1^{\infty} \left(g_{\infty}(x) = \frac{1}{\sqrt{x^3}} = \frac{1}{x^{3/2}} \right) dx$$

är konvergent enligt Sats 10.12 (a) ($\alpha = \frac{3}{2} > 1$) fås att

$$\int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$$

också är konvergent. Då båda delintegralerna är konvergenta är

$$\int_0^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} = \int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}} + \int_1^{\infty} \frac{dx}{\sqrt{x+x^3}}$$

konvergent.