

Dagens ämnen

Dagens ämnen

- Numeriska serier

Dagens ämnen

- Numeriska serier
- Definition av konvergens

Dagens ämnen

- Numeriska serier
- Definition av konvergens
- Jämförelsesatser

Dagens ämnen

- Numeriska serier
- Definition av konvergens
- Jämförelsesatser
- Vad skall vi jämföra med?

Dagens ämnen

- Numeriska serier
- Definition av konvergens
- Jämförelsesatser
- Vad skall vi jämföra med?
- Absolutkonvergens

Dagens ämnen

- Numeriska serier
- Definition av konvergens
- Jämförelsesatser
- Vad skall vi jämföra med?
- Absolutkonvergens
 - Leibniz kriterium

Numeriska serier

Numeriska serier

- I princip samma teori som för generaler

Numeriska serier

- I princip samma teori som för generaler
- Vad skall vi mena med $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$?

Numeriska serier

- I princip samma teori som för generaler
- Vad skall vi mena med $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$?
- Studerar ***delsummorna*** $s_N = \sum_{k=1}^N a_k$

Numeriska serier

- I princip samma teori som för generaler
- Vad skall vi mena med $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$?
- Studerar ***delsummorna*** $s_N = \sum_{k=1}^N a_k$
- Vad händer med dessa då $N \rightarrow \infty$?

Definition 10.1, sid 436

Om gränsvärdet

$$\lim_{N \rightarrow \infty} s_N = \lim_{N \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^N a_k$$

existerar

Definition 10.1, sid 436

Om gränsvärdet

$$\lim_{N \rightarrow \infty} s_N = \lim_{N \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^N a_k$$

existerar, dvs om

$$\lim_{N \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^N a_k = S \in \mathbb{R}$$

Definition 10.1, sid 436

Om gränsvärdet

$$\lim_{N \rightarrow \infty} s_N = \lim_{N \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^N a_k$$

existerar, dvs om

$$\lim_{N \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^N a_k = S \in \mathbb{R}$$

så säges $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ vara konvergent och ha värdet S .

Numeriska serier

Numeriska serier

- Hur känner man igen konvergens?

Numeriska serier

- Hur känner man igen konvergens?
- **Sats 10.1**, sid436

$$\sum_{k=1}^{\infty} a_k \text{ konvergent} \implies \lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0.$$

Numeriska serier

- Hur känner man igen konvergens?
- **Sats 10.1**, sid436

$$\sum_{k=1}^{\infty} a_k \text{ konvergent} \implies \lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0.$$

- OBS! Håll ordning på logiken! Det är \implies
INTE \iff !!.

Numeriska serier

- Hur känner man igen konvergens?
- **Sats 10.1**, sid436

$$\sum_{k=1}^{\infty} a_k \text{ konvergent} \implies \lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0.$$

- OBS! Håll ordning på logiken! Det är \implies
INTE \iff !. DVS att termerna går mot noll innebär INTE att serien är konvergent.

Divergenskriteriet

Divergenskriteriet

- Konvergens kräver att termerna går mot noll.

Divergenskriteriet

- Konvergens kräver att termerna går mot noll.
- Negera påståendet i föregående sats.

Divergenskriteriet

- Konvergens kräver att termerna går mot noll.
- Negera påståendet i föregående sats.
- Då får:

Divergenskriteriet

- Konvergens kräver att termerna går mot noll.
- Negera påståendet i föregående sats.
- Då får:
Om termerna **INTE** går mot noll så är serien **INTE** konvergent, dvs divergent.

Numeriska serier

Numeriska serier

- Hur visar man konvergens då?

Numeriska serier

- Hur visar man konvergens då?
- I princip samma teori som för generaler.

Numeriska serier

- Hur visar man konvergens då?
- I princip samma teori som för generaler.
- Sats 10.4 (Integralkriteriet), sid 442: Antag att f är avtagande för $x \geq 1$. Då gäller

Numeriska serier

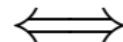
- Hur visar man konvergens då?
- I princip samma teori som för generaler.
- Sats 10.4 (Integralkriteriet), sid 442: Antag att f är avtagande för $x \geq 1$. Då gäller

$$\int_1^\infty f(x)dx \quad \text{konvergent}$$

Numeriska serier

- Hur visar man konvergens då?
- I princip samma teori som för generaler.
- Sats 10.4 (Integralkriteriet), sid 442: Antag att f är avtagande för $x \geq 1$. Då gäller

$$\int_1^\infty f(x)dx \quad \text{konvergent}$$



$$\sum_{k=1}^{\infty} f(k) \quad \text{konvergent}$$

Integralkriteriet

Integralkriteriet

- Beviset av integralkriteriet bygger på följande sats:

Integralkriteriet

- Beviset av integralkriteriet bygger på följande sats:
- Sats A.1, sid 479

Om $a_n, n = 1, 2, \dots$, är en växande uppåt begränsad talföljd så existerar $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ som ett reellt tal.

Sats 10.11, sid 456 (Jämförelsesats I)

Sats 10.11, sid 456 (Jämförelsesats I)

Antag att $0 \leq f(x) \leq g(x)$. Då gäller:

Sats 10.11, sid 456 (Jämförelsesats I)

Antag att $0 \leq f(x) \leq g(x)$. Då gäller:

- (a) om $\int_a^b g(x)dx$ är konvergent så är
 $\int_a^b f(x)dx$ är konvergent

Sats 10.11, sid 456 (Jämförelsesats I)

Antag att $0 \leq f(x) \leq g(x)$. Då gäller:

(a) om $\int_a^b g(x)dx$ är konvergent så är

$$\int_a^b f(x)dx$$
 är konvergent

(b) om $\int_a^b f(x)dx$ är divergent så är

$$\int_a^b g(x)dx$$
 är divergent

Sats 10.6, sid 443-444 (Jämförelsesats I)

Sats 10.6, sid 443-444 (Jämförelsesats I)

Antag att $0 \leq a_k \leq b_k$. Då gäller:

Sats 10.6, sid 443-444 (Jämförelsesats I)

Antag att $0 \leq a_k \leq b_k$. Då gäller:

- (a) om $\sum_{k=1}^{\infty} b_k$ är konvergent så är $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ konvergent

Sats 10.6, sid 443-444 (Jämförelsesats I)

Antag att $0 \leq a_k \leq b_k$. Då gäller:

- (a) om $\sum_{k=1}^{\infty} b_k$ är konvergent så är $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ konvergent
- (b) om $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ är divergent så är $\sum_{k=1}^{\infty} b_k$ divergent

Jämförelsesats för positiva serier

Jämförelsesats för positiva serier

Läs satsen i ord istället för i formler:

Jämförelsesats för positiva serier

Läs satsen i ord istället för i formler:

- (a) Om den *större* serien är *konvergent* så är den mindre serien också konvergent.

Jämförelsesats för positiva serier

Läs satsen i ord istället för i formler:

- (a) Om den ***större*** serien är ***konvergent*** så är den mindre serien också konvergent.
- (b) Om den ***mindre*** serien är ***divergent*** så är den ***större*** serien också ***divergent***.

Vad skall vi jämföra med?

Vad skall vi jämföra med?

Sats 10.12, sid 456

(a) $\int_1^\infty \frac{1}{x^\alpha} dx$ är $\begin{cases} \text{konvergent om } \alpha > 1 \\ \text{divergent om } \alpha \leq 1 \end{cases}$

Vad skall vi jämföra med?

Sats 10.12, sid 456

(a) $\int_1^\infty \frac{1}{x^\alpha} dx$ är $\begin{cases} \text{konvergent om } \alpha > 1 \\ \text{divergent om } \alpha \leq 1 \end{cases}$

(b) $\int_0^1 \frac{1}{x^\alpha} dx$ är $\begin{cases} \text{konvergent om } \alpha < 1 \\ \text{divergent om } \alpha \geq 1 \end{cases}$

Vad skall vi jämföra med?

Vad skall vi jämföra med?

Sats 10.5, sid 442

$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^\alpha} = 1 + \frac{1}{2^\alpha} + \frac{1}{3^\alpha} + \frac{1}{4^\alpha} + \dots$$

är $\left\{ \begin{array}{l} \text{konvergent om } \alpha > 1 \\ \text{divergent om } \alpha \leq 1 \end{array} \right.$

Vad skall vi jämföra med?

Sats 10.5, sid 442

$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^\alpha} = 1 + \frac{1}{2^\alpha} + \frac{1}{3^\alpha} + \frac{1}{4^\alpha} + \dots$$

är $\begin{cases} \text{konvergent om } \alpha > 1 \\ \text{divergent om } \alpha \leq 1 \end{cases}$

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.13, sid 458

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.13, sid 458

$f, g \geq 0$. Om $\frac{f(x)}{g(x)} \rightarrow A > 0$ då $x \rightarrow$ problemet.

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.13, sid 458

$f, g \geq 0$. Om $\frac{f(x)}{g(x)} \rightarrow A > 0$ då $x \rightarrow$ problemet.

Då gäller:

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.13, sid 458

$f, g \geq 0$. Om $\frac{f(x)}{g(x)} \rightarrow A > 0$ då $x \rightarrow$ problemet.

Då gäller: $\int_a^b g(x)dx$ konvergent

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.13, sid 458

$f, g \geq 0$. Om $\frac{f(x)}{g(x)} \rightarrow A > 0$ då $x \rightarrow$ problemet.

Då gäller: $\int_a^b g(x)dx$ konvergent \iff

$\iff \int_a^b f(x)dx$ konvergent

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.13, sid 458

$f, g \geq 0$. Om $\frac{f(x)}{g(x)} \rightarrow A > 0$ då $x \rightarrow$ problemet.

Då gäller: $\int_a^b g(x)dx \quad \text{divergent} \iff$

$\iff \int_a^b f(x)dx \quad \text{divergent}$

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.7, sid 446

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.7, sid 446

$$a_k, b_k \geq 0. \text{ Om } \frac{a_k}{b_k} \rightarrow A > 0 \text{ då } k \rightarrow \infty.$$

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.7, sid 446

$$a_k, b_k \geq 0. \text{ Om } \frac{a_k}{b_k} \rightarrow A > 0 \text{ då } k \rightarrow \infty.$$

Då gäller:

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.7, sid 446

$a_k, b_k \geq 0$. Om $\frac{a_k}{b_k} \rightarrow A > 0$ då $k \rightarrow \infty$.

Då gäller: $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ konvergent

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.7, sid 446

$a_k, b_k \geq 0$. Om $\frac{a_k}{b_k} \rightarrow A > 0$ då $k \rightarrow \infty$.

Då gäller: $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ konvergent \iff

$\iff \sum_{k=1}^{\infty} b_k$ konvergent

Jämförelse på (slapp) kvotform

Sats 10.7, sid 446

$a_k, b_k \geq 0$. Om $\frac{a_k}{b_k} \rightarrow A > 0$ då $k \rightarrow \infty$.

Då gäller: $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ divergent \iff

$\iff \sum_{k=1}^{\infty} b_k$ divergent

Användning av jämförelsesatserna

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ➊ Är integralen vi undersöker konvergent?

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ➊ Är integralen vi undersöker konvergent?
 - ➋ Är integralen vi jämför med konvergent?

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ➊ Är integralen vi undersöker konvergent?
 - ➋ Är integralen vi jämför med konvergent?
- Om förutsättningarna i den jämförelsesats du vill använda är uppfyllda

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ➊ Är integralen vi undersöker konvergent?
 - ➋ Är integralen vi jämför med konvergent?
- Om förutsättningarna i den jämförelsesats du vill använda är uppfyllda så säger den att de två frågorna har **SAMMA SVAR!**

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ➊ Är integralen vi undersöker konvergent?
 - ➋ Är integralen vi jämför med konvergent?
- Om förutsättningarna i den jämförelsesats du vill använda är uppfyllda så säger den att de två frågorna har **SAMMA SVAR!**
- Vi vet svaret för jämförelseintegralen!

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ➊ Är integralen vi undersöker konvergent?
 - ➋ Är integralen vi jämför med konvergent?
- Om förutsättningarna i den jämförelsesats du vill använda är uppfyllda så säger den att de två frågorna har **SAMMA SVAR!**
- Vi vet svaret för jämförelseintegralen!
- Därmed ger jämförelsesatsen att svaret på konvergensfrågan är detsamma för den integral vi vill undersöka.

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ➊ Är serien vi undersöker konvergent?
 - ➋ Är integralen vi jämför med konvergent?
- Om förutsättningarna i den jämförelsesats du vill använda är uppfyllda så säger den att de två frågorna har **SAMMA SVAR!**
- Vi vet svaret för jämförelseintegralen!
- Därmed ger jämförelsesatsen att svaret på konvergensfrågan är detsamma för den integral vi vill undersöka.

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ① Är serien vi undersöker konvergent?
 - ② Är serien vi jämför med konvergent?
- Om förutsättningarna i den jämförelsesats du vill använda är uppfyllda så säger den att de två frågorna har **SAMMA SVAR!**
- Vi vet svaret för jämförelseintegralen!
- Därmed ger jämförelsesatsen att svaret på konvergensfrågan är detsamma för den integral vi vill undersöka.

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ① Är serien vi undersöker konvergent?
 - ② Är serien vi jämför med konvergent?
- Om förutsättningarna i den jämförelsesats du vill använda är uppfyllda så säger den att de två frågorna har **SAMMA SVAR!**
- Vi vet svaret för jämförelseserien!
- Därmed ger jämförelsesatsen att svaret på konvergensfrågan är detsamma för den integral vi vill undersöka.

Användning av jämförelsesatserna

- Se konvergensfrågan som **TVÅ** frågor:
 - ① Är serien vi undersöker konvergent?
 - ② Är serien vi jämför med konvergent?
- Om förutsättningarna i den jämförelsesats du vill använda är uppfyllda så säger den att de två frågorna har **SAMMA SVAR!**
- Vi vet svaret för jämförelseserien!
- Därmed ger jämförelsesatsen att svaret på konvergensfrågan är detsamma för den serie vi vill undersöka.

Användning av jämförelsesatserna

Användning av jämförelsesatserna

Din redovisning måste därför **TYDLIGT** visa
att **FÖRUTSÄTTNINGARNA** i
jämförelsesatsen är uppfyllda.

Användning av jämförelsesatserna

Din redovisning måste därför **TYDLIGT** visa
att **FÖRUTSÄTTNINGARNA** i
jämförelsesatsen är uppfyllda.

Därför blir det också viktigt att du använder
korrekta beteckningar och korrekt terminologi.

Absolutkonvergens

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $f \geq 0$.

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $f \geq 0$.
- Vad gör vi om f växlar tecken?

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $f \geq 0$.
- Vad gör vi om f växlar tecken?
- Studera $|f|$.

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $f \geq 0$.
- Vad gör vi om f växlar tecken?
- Studera $|f|$.

Definition. Om $\int_a^b |f(x)|dx$ är konvergent säges $\int_a^b f(x)dx$ vara absolutkonvergent

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $f \geq 0$.
- Vad gör vi om f växlar tecken?
- Studera $|f|$.

Definition. Om $\int_a^b |f(x)|dx$ är konvergent säges $\int_a^b f(x)dx$ vara absolutkonvergent (och förstås konvergent).

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $a_k \geq 0$.
- Vad gör vi om f växlar tecken?
- Studera $|f|$.

Definition. Om $\int_a^b |f(x)|dx$ är konvergent säges $\int_a^b f(x)dx$ vara absolutkonvergent (och förstås konvergent).

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $a_k \geq 0$.
- Vad gör vi om a_k växlar tecken?
- Studera $|f|$.

Definition. Om $\int_a^b |f(x)|dx$ är konvergent säges $\int_a^b f(x)dx$ vara absolutkonvergent (och förstås konvergent).

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $a_k \geq 0$.
- Vad gör vi om a_k växlar tecken?
- Studera $|a_k|$.

Definition. Om $\int_a^b |f(x)|dx$ är konvergent säges $\int_a^b f(x)dx$ vara absolutkonvergent (och förstås konvergent).

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $a_k \geq 0$.
- Vad gör vi om a_k växlar tecken?
- Studera $|a_k|$.

Definition. Om $\sum_{k=1}^{\infty} |a_k|$ är konvergent säges $\int_a^b f(x)dx$ vara absolutkonvergent (och förstås konvergent).

Absolutkonvergens

- Jämförelsesatserna kräver att $a_k \geq 0$.
- Vad gör vi om a_k växlar tecken?
- Studera $|a_k|$.

Definition. Om $\sum_{k=1}^{\infty} |a_k|$ är konvergent
säges $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ vara absolutkonvergent (och
förstås konvergent).

Sats 10.9, sid 450

Systematiserad jämförelse med geometrisk serie.

Sats 10.9, sid 450

Systematiserad jämförelse med geometrisk serie.

Rotkriteriet: $\sqrt[k]{|a_k|} \rightarrow Q$ då $k \rightarrow \infty$

Sats 10.9, sid 450

Systematiserad jämförelse med geometrisk serie.

Rotkriteriet: $\sqrt[k]{|a_k|} \rightarrow Q$ då $k \rightarrow \infty$

Kvotkriteriet: $\left| \frac{a_{k+1}}{a_k} \right| \rightarrow Q$ då $k \rightarrow \infty$

Sats 10.9, sid 450

Systematiserad jämförelse med geometrisk serie.

Rotkriteriet: $\sqrt[k]{|a_k|} \rightarrow Q$ då $k \rightarrow \infty$

Kvotkriteriet: $\left| \frac{a_{k+1}}{a_k} \right| \rightarrow Q$ då $k \rightarrow \infty$

$0 \leq Q < 1 \Rightarrow \sum_{k=1}^{\infty} a_k$ är absolutkonvergent.

Sats 10.9, sid 450

Systematiserad jämförelse med geometrisk serie.

Rotkriteriet: $\sqrt[k]{|a_k|} \rightarrow Q$ då $k \rightarrow \infty$

Kvotkriteriet: $\left| \frac{a_{k+1}}{a_k} \right| \rightarrow Q$ då $k \rightarrow \infty$

$0 \leq Q < 1 \Rightarrow \sum_{k=1}^{\infty} a_k$ är absolutkonvergent.

$Q > 1 \Rightarrow \sum_{k=1}^{\infty} a_k$ är divergent.

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Alтерnerande serie

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Alтерnerande serie, varannan +, varannan -.

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Alternerande serie, varannan +, varannan -.

Om $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ är alternerande

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Alternerande serie, varannan +, varannan -.

Om $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ är alternerande och

- (a) $a_k \rightarrow 0$ då $k \rightarrow \infty$

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Alternerande serie, varannan +, varannan -.

Om $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ är alternerande och

(a) $a_k \rightarrow 0$ då $k \rightarrow \infty$

(b) $|a_k| \geq |a_{k+1}|$ för alla k

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Alternerande serie, varannan +, varannan -.

Om $\sum_{k=1}^{\infty} a_k$ är alternerande och

(a) $a_k \rightarrow 0$ då $k \rightarrow \infty$

(b) $|a_k| \geq |a_{k+1}|$ för alla k

så är serien konvergent.

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Bättre i ord!

Om serien är alternnerande

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Bättre i ord!

Om serien är alternerande och termernas
belopp ***avtar*** mot noll

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Bättre i ord!

Om serien är alternerande och termernas
belopp **avtar** mot noll så är serien
konvergent.

Sats 10.10, sid 452 Leibniz kriterium

Bättre i ord!

Om serien är alternerande och termernas
belopp **avtar** mot noll så är serien
konvergent.

Felet då en Leibnizkonvergent serie
approximeras med en delsumma är mindre än
den första utelämnda termen.

Sammanfattning

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \implies divergens.

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \Rightarrow divergens.
- Jämför med $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^{\alpha}}$.

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \Rightarrow divergens.
- Jämför med $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^{\alpha}}$.
Konvergent om $\alpha > 1$, divergent annars.

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \Rightarrow divergens.
- Jämför med $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^\alpha}$.
Konvergent om $\alpha > 1$, divergent annars.
- Integralkriteriet och jämförelsesatserna

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \Rightarrow divergens.
- Jämför med $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^\alpha}$.
Konvergent om $\alpha > 1$, divergent annars.
- Integralkriteriet och jämförelsesatserna
- Rot- och kvotkriteriet

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \implies divergens.
- Jämför med $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^\alpha}$.
Konvergent om $\alpha > 1$, divergent annars.
- Integralkriteriet och jämförelsesatserna
- Rot- och kvotkriteriet \iff jämförelse med geometrisk serie
- Leibniz kriterium:

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \implies divergens.
- Jämför med $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^\alpha}$.
Konvergent om $\alpha > 1$, divergent annars.
- Integralkriteriet och jämförelsesatserna
- Rot- och kvotkriteriet \iff jämförelse med geometrisk serie
- Leibniz kriterium: Alternerande

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \implies divergens.
- Jämför med $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^\alpha}$.
Konvergent om $\alpha > 1$, divergent annars.
- Integralkriteriet och jämförelsesatserna
- Rot- och kvotkriteriet \iff jämförelse med geometrisk serie
- Leibniz kriterium: Alternerande, termernas belopp avtar mot noll

Sammanfattning

- Termerna går inte mot noll \implies divergens.
- Jämför med $\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^\alpha}$.
Konvergent om $\alpha > 1$, divergent annars.
- Integralkriteriet och jämförelsesatserna
- Rot- och kvotkriteriet \iff jämförelse med geometrisk serie
- Leibniz kriterium: Alternerande, termernas belopp avtar mot noll \implies konvergens